



'समाजो मन्त्र: समिति: समानी'

**UNIVERSITY OF NORTH BENGAL**  
B.Sc. Programme 3rd Semester Examination, 2023

**DSC1/2/3-P3-PHYSICS****THERMAL PHYSICS AND STATISTICAL MECHANICS**

Time Allotted: 2 Hours

Full Marks: 40

*The figures in the margin indicate full marks.***GROUP-A / विभाग-क / समूह-क**

- |   |   |                             |
|---|---|-----------------------------|
| 1.  | Answer any <b>five</b> questions from the following:  | $1 \times 5 = 5$            |
| निम्नलिखित ये-कोन पाँच अश्वेर उत्तर दाओः<br>तल दिङ्गेका कुनै पाँच प्रश्नहस्तको उत्तर दिनुहोसः |   |                             |
| (a)   | State the first law of thermodynamics. Mention at least one limitation of this law.<br><br>तापगतिविद्यार प्रथम सूत्राटि बिबृत कर। एই सूत्राटिर कमपक्षे एकटि सीमाबद्धता उल्लेख कर।<br>Thermodynamics को पहिलो नियम बताउनुहोस। यस नियमको कुनै एक सीमा बताउनुहोस।          | $\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ |
| (b)   | Define entropy and write down the S.I. unit of entropy.<br><br>एन्ट्रोपिर संज्ञा दाओ एवं एन्ट्रोपिर S.I. एकक कि ता लेख।<br>Entropy के हो बताउदै यसको S.I. एकाई को मान बताउनुहोस।  | $\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ |
| (c)   | What are the extensive parameters? Give one example.<br><br>एक्स्टेन्सिभ प्यारामिटार कि ? एकटि उदाहरण दाओ।<br>व्यापक प्यारामिटर के हो ? कुनै एक उदाहरण दिनुहोस।   | 1                           |
| (d)   | State the principle of equipartition of energy.<br><br>समशक्तिर नीतिटि बिबृत कर।<br>Equipartition of energy को सिद्धान्त बताउनुहोस।   | 1                           |
| (e)   | Write down a difference between Helmholtz and Gibb's free energy.<br><br>हेल्महोल्टज एवं गिबस मूक्त शक्तिर मध्ये एकटि पार्थक्य लेख।<br>Helmholtz अनि Gibb को free energy को कुनै एक भिन्नता बताउनुहोस।  | 1                           |
| (f)   | What is the relation between the two types of specific heats of a gas and degrees of freedom?<br><br>कोनो ग्यासेर दुइ धरनेर आपेक्षिक तापेर अनुपातेर सँगे स्थायीनतार मात्रार सम्पर्क कि ?<br>ग्यासको दुइ किसिमका specific heats अनि degrees of freedom मा कै सम्बन्ध छ ? | 1                           |

(g) State Clausius-Clapeyron equation of state.

1

Clausius-Clapeyron-এর সূত্রটি বিবৃত কর।

কুনৈ অবস্থামা Clausius-Clapeyron কো সমীকরণ ব্যাপ্তি ব্যাপ্তি কুনৈ অবস্থামা।

(h) What is the main difference between the Bose-Einstein and Fermi-Dirac statistics?

1

বোস-আইনস্টাইন এবং ফার্মি-ডিরাক পরিসংখ্যান-এর মধ্যে প্রধান পার্থক্যটি কি ?

Bose-Einstein অনি Fermi-Dirac কো statistics মা মুল্য ভিন্নতা ব্যাপ্তি ব্যাপ্তি কুনৈ অবস্থামা।

**GROUP-B / বিভাগ-খ / সমূহ-খ****Answer any three questions**

5×3 = 15

নিম্নলিখিত যে-কোন তিনটি প্রশ্নের উত্তর দাও

তল দিলেকা কুনৈ তীন প্রশ্নকো উত্তর দিনুহোস্ত।

2. What is Carnot's cycle? On what factor does the efficiency of a reversible Carnot's engine depend? Show that the efficiency of a Carnot's heat engine can not be 100%. 1+2+2

কার্ণট-এর চক্র কি ? বিপরীতমুখী প্রক্রিয়ায় কার্ণট-এর চক্রের দক্ষতা কোন কোন বিষয়ের উপর নির্ভর করে ? প্রমাণ কর যে কার্ণট চক্রের দক্ষতা 100% হতে পারে না।

Carnot কো cycle কে হো ? কুনৈ এক reversible Carnot কো ইঞ্জিনকো সক্ষমতা কুন তত্ত্বমা নির্ভর গৰ্ত ? কুনৈ এতটা Carnot কো heat ইঞ্জিনকো সক্ষমতা 100% হুন সকলৈন ভনী দেখাউনুহোস্ত।

3. Prove that  $C_P - C_V = T \left( \frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \left( \frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$ . Using this relation prove that for an ideal gas  $C_P - C_V = R$ . 4+1

প্রমাণ কর যে  $C_P - C_V = T \left( \frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \left( \frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$  এই সম্পর্কটি ব্যবহার করে প্রমাণ কর যে একটি আদর্শ গ্যাসের ক্ষেত্রে  $C_P - C_V = R$ ।  
প্রমাণ গৰ্তুহোস্ত

$$C_P - C_V = T \left( \frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \left( \frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$

যো সমীকরণ চলাএর কুনৈ আদর্শ গ্যাসকো নিম্নি প্রমাণ গৰ্তুহোস্ত।

$$C_P - C_V = R$$

4. (a) What is a black-body? 1+2+2

কৃষ্ণ-বস্তু বলতে কি বোঝ ?

এতটা কালো বস্তু কে হো ?

(b) Show that Wien's formula and Rayleigh-Jeans formula are particular cases of the Plank's formula for radiation.

দেখাও যে উইনের সূত্র এবং রেলে-জীনস-এর সূত্র বিকিৰণ সংক্রান্ত প্ল্যান্কের সূত্রটিৰ দুটি বিশেষ রূপ।

Wien কো সূত্র অনি Rayleigh-Jeans কো সূত্রহৰু Plank কো বিকিৰণকো সূত্রকো বিশেষ মামলাহৰু হুন ভনী দেখাউনুহোস্ত।

5. At what temperature will the average speed of molecules of a hydrogen gas be

5

double the average speed of the molecules of a nitrogen gas at 300 K?

কোন তাপমাত্রায় হাইড্রোজেন অণুর গড় বেগ 300 কেলভিন তাপমাত্রায় নাইট্রোজেন অণুর গড় বেগের দ্বিগুণ হবে ?

কৃত তাপমানমা এতটা হাইড্রোজেন য্যাসকো অণুকো ঔসত বেগ 300 K তাপমানমা নাইট্রোজেন য্যাসকো অণুকো ঔসত বেগকো তুলনামা দুগনা হুন্ত ?

6. Write short notes on:

$2\frac{1}{2} + 2\frac{1}{2}$

- (i) Joule-Thomson effect
- (ii) Spectral distribution of radiation at different temperatures.

টিপ্পনী লেখঃ

- (i) জুল-থমসন ক্রিয়া
- (ii) বিভিন্ন তাপমাত্রায় বিকিরণের বর্ণালী বিন্যাস।

ছাটো টিপ্পণী লেখনুহোস্

- (i) Joule-Thomson effect
- (ii) বিভিন্ন তাপমা বিকিরণকো spectral distribution.

### GROUP-C / বিভাগ-গ / সমূহ-গ

Answer any two questions from the following

$10 \times 2 = 20$

নিম্নলিখিত যে-কোন দুটি প্রশ্নের উত্তর দাও

তলকা কুনৈ দুই প্রশ্নহর্সকো উত্তর দিনুহোস্

7. (a) Prove that the equation of state of an ideal gas for an adiabatic process is  $PV^{\gamma} = \text{constant}$ .

5+5

প্রমাণ কর যে রূদ্ধতাপ পদ্ধতিতে একটি আদর্শ গ্যাসের অবস্থার সমীকরণটি হল  $PV^{\gamma} = \text{ধ্রুবক}$ ।

এতটা adiabatic প্রক্রিয়াকো equation কো state  $PV^{\gamma} = \text{constant}$  হুন্ত ভনী প্রমাণিত গৰ্নুহোস্।

- (b) Derive the expression for the work done during an adiabatic process.

রূদ্ধতাপ পদ্ধতিতে কৃতকার্যের সমীকরণটি নির্ণয় কর।

এতটা adiabatic প্রক্রিয়ামা গরিএকো কামকো সমীকরণ খোজনুহোস।

8. (a) Derive Maxwell's four thermodynamical relations.

6+4

তাপগতিবিদ্যা সংক্রান্ত ম্যাক্সওয়েল-এর চারটি সূত্র নির্ণয় কর।

Maxwell কো চার thermodynamical সম্বন্ধহর্স খোজনুহোস।

- (b) Show that  $\left[ \frac{\partial C_P}{\partial P} \right]_T = -T \left[ \frac{\partial^2 V}{\partial T^2} \right]_P$ .

প্রমাণ কর যে,

$$\left[ \frac{\partial C_P}{\partial P} \right]_T = -T \left[ \frac{\partial^2 V}{\partial T^2} \right]_P$$

দেখাউনুহোস:

$$\left[ \frac{\partial C_P}{\partial P} \right]_T = -T \left[ \frac{\partial^2 V}{\partial T^2} \right]_P$$

9. (a) Define Phase space.

2+2+(1+2)+2+1

Phase space-এর সংজ্ঞা দাও।

Phase space কো পরিভাষা দিনুহোস্ব।

(b) Write down the relation between entropy and thermodynamical probability.

এনট্রপি ও তাপগতীয় সম্ভাব্যতার মধ্যে সম্পর্কটি লেখ।

Entropy অনি thermodynamical probability মাঝকো সম্বন্ধ লেখনুহোস।

(c) Write down the distribution function of Fermi-Dirac distribution and plot the distribution function at (i)  $T = 0 \text{ K}$  (ii)  $T = \text{finite but close to } 0 \text{ K}$  temperature.

ফার্মি-ডিরাক বিন্যাসের অপেক্ষকটি লেখ এবং (i) শূন্য ডিগ্রী কেলভিন তাপমাত্রায় ও (ii) শূন্য নয় কিন্তু শূন্যের কাছাকাছি একটি তাপমাত্রায় ওই বিন্যাসটির একটি করে লেখচিত্র অঙ্কন কর।

Fermi-Dirac distribution কো distribution function লেখবো

(i)  $T = 0 \text{ K}$  অনি (ii)  $T = \text{finite}$  তাৰ  $0 \text{ K}$  কো নজীককো লাগি distribution function কো রেখাচিত্রণ গৰ্নুহোস।

(d) From this plot define Fermi-level.

এই লেখচিত্রটি হইতে ফার্মি-স্তরের সংজ্ঞা দাও।

ত্যস রেখাচিত্রণ দেখি Fermi-level কো পরিভাষা দিনুহোস।

(e) Give an example of a system of particles that follows the F-D distribution.

এমন একটি কণাত্ত্বের উদাহরণ দাও যেটি ফার্মি-ডিরাক বিন্যাস মেনে চলে।

F-D distribution পালন গৰ্ন কুনৈ এতটা system of particle কো উদাহরণ দিনুহোস।

10.(a) Define and explain macro and micro-states of a system with appropriate examples. What do you understand by an ensemble of systems?

উপযুক্ত উদাহরণসহ একটি তত্ত্বের ম্যাক্রো এবং মাইক্রো-দশা কাকে বলে তা ব্যাখ্যা কর। তত্ত্বের এনসেম্বল বলতে কি বোঝ তা লেখ।

Macro অনি micro-states কো পরিভাষা দিবৈ উদাহরণ সহিত বর্ণন গৰ্নুহোস। তপাইঁ প্রণালী কো এক সমূহ দ্বারা কে বৃক্ষনৃত্বন্ত ?

(b) What are the main difference between classical and quantum statistics?

সনাতন এবং কোয়ান্টাম পরিসংখ্যানের মধ্যেকার মূল পার্থক্যগুলি লেখ।

Classical অনি quantum statistics কো প্রমুখ ভিন্নতাহৰু কে কে হুন্ত ?

(c) Show that under appropriate limiting conditions, both Fermi-Dirac and Bose-Einstein distributions reduce to Maxwell-Boltzmann distribution.

দেখাও যে উপযুক্ত সীমান্ত অবস্থায় ফার্মি-ডিরাক এবং বোস-আইনস্টাইন পরিসংখ্যানদ্বয় ম্যাক্রোয়েল-বোল্টজম্যান পরিসংখ্যানে রূপান্তরিত হয়।

উপযুক্ত সীমিত বাতাবরণমা Fermi-Dirac অনি Bose-Einstein দুনৈ distributions Maxwell-Boltzmann distribution মা পরিণত হুন্ত ভনী প্রমাণ গৰ্নুহোস।

---

x

---