



‘সমাজো মন্ত্র: সমিতি: সমানী’

UNIVERSITY OF NORTH BENGAL

B.Sc. Minor 1st Semester Examination, 2023

UPHYMIN10001-PHYSICS

MECHANICS

Time Allotted: 2 Hours

Full Marks: 40

The figures in the margin indicate full marks.

GROUP-A / বিভাগ-ক / समूह-क

1. Answer any **five** questions from the following: $1 \times 5 = 5$

নিম্নলিখিত যে-কোন পাঁচটি প্রশ্নের উত্তর দাওঃ
তলকা কুনৈ পাঁচ প্রশ্নহরুকো উত্তর দিনুহোস্ক :

(a) What do you mean by homogeneous differential equation? 1
সমজাতীয় অবকল সমীকরণ বলতে কী বোঝা ?
Homogeneous differential সমীকরণ ভন্নালে কে বুঝিন্ত ?

(b) What is elastic limit? 1
স্থিতিস্থাপক সীমা কী ?
Elastic limit কে হো ?

(c) Is stress a vector quantity? Justify your answer. 1
পীড়ন কি ভেষ্টের রাশি ? ব্যাখ্যা কর।
কে stress এতটা দৈখিক রাশি হো ? তপাইকো উত্তরকো সফাই দিনুহোস্ক।

(d) Write down the relation between angular momentum and torque. 1
কোণিক ভরবেগ ও টকের মধ্যে সম্পর্ক লেখ।
Angular momentum অনি torque মাঝকাৰ সম্বন্ধ লোজনুহোস্ক।

(e) What is damped oscillation? 1
অবমানিত দোলন কাকে বলে ?
Damped oscillation ভন্নালে কে বুঝিন্ত ?

(f) What is centre of mass? 1
ভরকেন্দ্র কাকে বলে ?
Centre of mass কে হো ?

(g) What is the condition for three vectors to be coplanar? 1
তিনটি ভেষ্টের একতলীয় হওয়াৰ শর্ত কী ?
দৈখিক রাশিহরু, Coplanar হুনকো নিম্নি শর্তহৰু কে কে ছন ?

- (h) State Hooke's law.

1

হুকের সূত্র লেখ।

Hooke কো নিয়ম লেখনুহোস্ব।

GROUP-B / বিভাগ-খ / समूह-ख

Answer any three questions from the following

$5 \times 3 = 15$

নিম্নলিখিত যে-কোন তিনটি প্রশ্নের উত্তর দাও

তলকা কুন্তৈ তীন প্রশ্নহর্ককো উত্তর দিনুহোস্ব।

2. (a) Find the value of p so that $\vec{A} = \hat{i} + p\hat{j} + \hat{k}$ and $\vec{B} = 3\hat{i} - 2\hat{j} - 2\hat{k}$ are perpendicular.

2

' p '-এর মান নির্ণয় কর যাতে $\vec{A} = \hat{i} + p\hat{j} + \hat{k}$ এবং $\vec{B} = 3\hat{i} - 2\hat{j} - 2\hat{k}$ পরম্পরের উপর লম্ব হয়।

দুই দৈশিক রাশীহর্ক ক্রমশ $\vec{A} = \hat{i} + p\hat{j} + \hat{k}$ অনি $\vec{B} = 3\hat{i} - 2\hat{j} - 2\hat{k}$ একাকামা খড়া হুঁবা p কো মান খোজনুহোস্ব।

- (b) If \vec{A} , \vec{B} and \vec{C} are three vectors then show that

3

$$\vec{A} \cdot (\vec{B} \times \vec{C}) = \vec{B} \cdot (\vec{C} \times \vec{A}) = \vec{C} \cdot (\vec{A} \times \vec{B})$$

\vec{A} , \vec{B} , \vec{C} তিনটি ভেক্টরের ক্ষেত্রে প্রমাণ কর যে, $\vec{A} \cdot (\vec{B} \times \vec{C}) = \vec{B} \cdot (\vec{C} \times \vec{A}) = \vec{C} \cdot (\vec{A} \times \vec{B})$

যদি \vec{A} , \vec{B} অনি \vec{C} তীন দৈশিক রাশীহর্ক ভাই, দেখাউনুহোস্ব :

$$\vec{A} \cdot (\vec{B} \times \vec{C}) = \vec{B} \cdot (\vec{C} \times \vec{A}) = \vec{C} \cdot (\vec{A} \times \vec{B})$$

3. (a) Write down the equation of motion of a simple harmonic oscillator with mass ' m ' and force constant ' k '.

2

একটি সরল ছন্দিত স্পন্দক যার ভর ' m ' এবং বল ধ্রুবক ' k ' তার গতির সমীকরণ লেখ।

এতো দ্রব্যমান ' m ' অনি force constant ' k ' ভেক্টো simple harmonic oscillator কো গতিকো সমীকরণ লেখনুহোস্ব।

- (b) Find out the expressions of kinetic energy and potential energy of the same system.

3

উপরোক্ত স্পন্দকের গতিশক্তি ও স্থিতিশক্তি নির্ণয় কর।

ত্যস প্রবন্ধকো স্থিত উর্জা অনি গতি উর্জাকো সমীকরণ খোজনুহোস্ব।

4. Obtain the relation between Young's modulus, Bulk modulus and Poisson's ratio.

5

ইয়ং মডুলাস, বাক্ষ মডুলাস ও পয়সনস্রেসিওর মধ্যে সম্পর্ক নির্ণয় কর।

Young's modulus, Bulk modulus অনি Poisson's ratio মাঝকো সম্বন্ধ খোজনুহোস্ব।

5. Solve the following differential equation:

5

নিম্নলিখিত অবকল সমীকরণটি সমাধান করঃ

তল দিঙ্গেকা differential equation কো সমাধান খোজনুহোস্ব।

$$(x + 2y)(dx - dy) = dx + dy$$

6. (a) State the Newton's 2nd law of motion. Show that it leads to the conservation of linear momentum. 1+2

निउटनेर द्वितीय गतिसूत्राटि बिबृत कर। एই सूत्र हते रैखिक भरवेगेर नियतासूत्र प्रमाण कर।

Newton को गतिको दोस्रो नियम बताउनुहोस्। यस नियमले linear momentum को संरक्षणतिर धकेल्छ भनी देखाउनुहोस्।

- (b) Show that for a conservative system, work done is independent of the path of the motion. 2

प्रमाण कर ये संरक्षित बलेर क्षेत्रे कार्य पथेर उपर निर्भर करे ना।

एउटा संरक्षित प्रबन्धको निम्नित गरिएको कार्य यसको गतिको बाटोको स्वतन्त्र हुन्छ भनी देखाउनुहोस्।

GROUP-C / विभाग-ग / समूह-ग

Answer any two of the following questions

10×2 = 20

निम्नलिखित ये-कोन दृष्टि प्रश्नेर उत्तर दाओ

तलका कुनै दुई प्रश्नहरूको उत्तर दिनुहोस्।

7. (a) Define axial and polar vectors. 2

अक्षीय भेट्टेर एवं मेरु भेट्टेर काके बले ?

Axial अनि polar vector हरूको परिभाषा दिनुहोस्।

- (b) Find the value of "a" such that the vectors $2\hat{i} - \hat{j} + \hat{k}$, $\hat{i} + 2\hat{j} - 3\hat{k}$ and $3\hat{i} - a\hat{j} + 5\hat{k}$ are coplanar. 4

'a'-एर कोन मानेर जन्य निम्नलिखित भेट्टेरफुलिः $2\hat{i} - \hat{j} + \hat{k}$, $\hat{i} + 2\hat{j} - 3\hat{k}$ एवं $3\hat{i} - a\hat{j} + 5\hat{k}$ समतलीय हबे ?

दैशिक राशीहरू क्रमशः $2\hat{i} - \hat{j} + \hat{k}$, $\hat{i} + 2\hat{j} - 3\hat{k}$ अनि $3\hat{i} - a\hat{j} + 5\hat{k}$ coplanar हुँदा "a" को मान खोज्नुहोस्।

- (c) Prove that $\vec{A} \times (\vec{B} \times \vec{C}) + \vec{B} \times (\vec{C} \times \vec{A}) + \vec{C} \times (\vec{A} \times \vec{B}) = 0$. 4

प्रमाण कर ये, $\vec{A} \times (\vec{B} \times \vec{C}) + \vec{B} \times (\vec{C} \times \vec{A}) + \vec{C} \times (\vec{A} \times \vec{B}) = 0$ ।

प्रमाण गर्नुहोस् : $\vec{A} \times (\vec{B} \times \vec{C}) + \vec{B} \times (\vec{C} \times \vec{A}) + \vec{C} \times (\vec{A} \times \vec{B}) = 0$

8. (a) Solve the differential equation: 5

निम्नलिखित अबकल समीकरणाटि समाधान कराः

दिइएको समीकरणको समाधान खोज्नुहोस् :

$$\frac{d^2y}{dx^2} - 8 \frac{dy}{dx} + 15y = 0$$

- (b) What does it mean by moment of inertia of an object? A rotating object is moving with an angular velocity 'w'. If the moment of inertia is doubled, obtained the kinetic energy with respect to the initial condition. 2+3

कोन बस्त्र जड़ताभामक बलते की बोझाय ? एकटि घूर्णयमान बस्त्र कोणिक गतिवेग 'w'। यदि बस्त्रिर जड़ताभामक द्विगुण हये याय, ताहले प्राथमिक अवस्थार आपेक्षे तार गतिशक्ति निर्णय कर।

एउटा वस्तुको moment of inertia भन्नाले के बुझिन्छ ? एउटा घुम्दैगरेको वस्तुको कोणीय वेगको मान 'w' छ । यदि त्यस वस्तुको moment of inertia दुगाणा भए, त्यसको पहिलेको तुलनामा गति शक्तिको मान खोज्नुहोस् ।

9. (a) Write down the expression for differential equation of motion of a particle under damped oscillation and solve it for all possible types of damping. 2+6

अबमन्दित दोलनशील कोन कणार गतिर अबकल समीकरणटि लेख । समस्त सम्भाव्य अबमन्दनेर जन्य समीकरणटिर समाधान कर ।

Damped oscillation एउटा कणको गतिको differential समीकरण लेखेर त्यसलाई सबै प्रकारको सम्भवत damping को अवस्थामा समाधान खोज्नुहोस् ।

- (b) Prove that Poisson's ratio value lies between -1 and $\frac{1}{2}$. 2

प्रमाण कर पयसनेर अनुपातेर मान -1 एवं $\frac{1}{2}$ -एर मध्ये थाके ।

Poisson को अनुपातको मान -1 अनि $\frac{1}{2}$ को बीचमा हुन्छ भनी प्रमाण गर्नुहोस् ।

- 10.(a) Define rigidity modulus and axial modulus. 1+1

दृढतांशुग्राहक ओ अक्षीयांशुग्राहकेर संज्ञा दाओ ।

Rigidity modulus अनि axial modulus को परिभाषा दिनुहोस् ।

- (b) A wire 2 m long and 2 mm in diameter, when stretched by a weight of 8 kg has its length increased by 0.24 mm. Find the Young's modulus of the material of the wire. 3

एकटि 2 मि: लम्बा ओ 2 मिमि व्यासार्ध विशिष्ट तारे 8 kg ओजन झोलान हले तारेर दैर्घ्य 0.24 मिमि बढ्दि पाय, तारेर उपादानेर इयँ घडूलास निर्णय कर ।

एउटा 2 m लामो अनि 2 mm व्यास भएको तारलाई 8 kg को वजनले 0.24 mm ले तन्काउँछ । त्यस तारको पदार्थको Young's modulus खोज्नुहोस् ।

- (c) Show that when a cylinder is twisted, the torsional couple per unit angular twist is $\frac{\pi nr^4}{2l}$, where symbols have their usual significance. 5

देखाओ ये, एकटि चोडे यथन मोचडे देवेया हय तथन प्रति एकक पाके मोचडे द्वन्द्वेर आमक = $\frac{\pi nr^4}{2l}$, येथाने संकेतण्डलि प्रचलित अर्थ बहन करे ।

एउटा सिलिप्डरलाई मोडदा, त्यसको प्रत्येक कोण बराबरको मोड़ाइमा torsional couple को मान $\frac{\pi nr^4}{2l}$ हुन्छ भनी देखाउनुहोस् । जहाँ संकेतहरूको सामान्य अर्थ हुन्छ ।

—X—